

論文 / 著書情報
Article / Book Information

論題(和文)	半正定値計画緩和に基づくMPLレイアウト分割のための補正項
Title(English)	A correction term for positive semidefinite relaxation of MPL layout decomposition
著者(和文)	半田昌平, 高橋篤司, 中田和秀, 松井知己
Authors(English)	Shouhei Handa, Atsushi Takahashi, Kazuhide Nakata, Tomomi Matsui
出典(和文)	電子情報通信学会 2016年総合大会 講演論文集 (A-6-12), Vol. A, No. , p. 86
Citation(English)	Proc. the 2016 IEICE General Conference (A-6-12), Vol. A, No. , p. 86
発行日 / Pub. date	2016, 3
URL	http://www.ieice.org/jpn/books/t_g.html
権利情報 / Copyright	本著作物の著作権は電子情報通信学会に帰属します。 Copyright (c) 2016 Institute of Electronics, Information and Communication Engineers.

半正定値計画緩和に基づく MPL レイアウト分割のための補正項

A correction term for positive semidefinite relaxation of MPL layout decomposition

半田昌平¹ 高橋篤司¹ 中田和秀² 松井知己²
Shohei Handa Atsushi Takahashi Kazuhide Nakata Tomomi Matsui

東京工業大学 大学院 理工学研究科¹ 社会理工学研究科²
Graduate School of Science and Engineering¹, Decision Science and Engineering², Tokyo Institute of Technology

1 まえがき

マルチパターンングリソグラフィ(MPL)では、1回の露光でウエハ上に実現できる限界未達のレイアウト密度を、複数回の露光により達成する。このとき、ポリゴンの集合は各露光で実現される距離が小さく同時に実現できないポリゴン対(違反)を含んではならないが、レイアウト設計段階では、指定分割数で、違反がより少ない分割を得ることが求められる。

先行研究では、半正定値計画(SDP)緩和によりポリゴンを超球面上へ配置し、超球面を確率的丸め法(RR)で分割することで、この分割を得る[1]。しかし、一般的なSDPソルバでは、違反を持たない対は超球面上で離れて配置され、違反が十分少ない分割が、RRで得られない傾向があった。

本稿では、RRにより得られる分割で違反を減少させるために、違反を持たない対の超球面上での距離を減少させる補正項を、SDP緩和の目的関数に加える方法を提案する。以下では、3分割を例に説明する

2 先行研究

3分割における違反数最小化は、ポリゴン集合を V 、違反集合を $\mathbf{CE} (\subseteq V \times V)$ としたとき、ベクトル計画法を用いて次式で定式化される。

$$\min: \sum_{(i,j) \in \mathbf{CE}} \frac{2}{3} (\vec{v}_i \cdot \vec{v}_j + \frac{1}{2})$$

$$\text{s.t. } \vec{v}_i \in \left\{ (1, 0), \left(-\frac{1}{2}, \frac{\sqrt{3}}{2}\right), \left(-\frac{1}{2}, -\frac{\sqrt{3}}{2}\right) \right\}, \forall i \in V$$

ベクトル変数 \vec{v}_i の値は半径1の超球面上の3点のいずれかに対応し、ポリゴン集合は、ベクトル値に応じて3分割される。上記は、以下のようにSDP緩和される。

$$\min: \sum_{(i,j) \in \mathbf{CE}} \frac{2}{3} (\vec{v}_i \cdot \vec{v}_j + \frac{1}{2})$$

$$\text{s.t. } \vec{v}_i \cdot \vec{v}_i = 1, \forall i \in V, \vec{v}_i \cdot \vec{v}_j \geq -\frac{1}{2}, \forall (i, j) \in \mathbf{CE}$$

半径1の超球面上の配置に対応するポリゴンのベクトルは、SDP緩和問題の解として得られる半正定値行列を、コレスキー分解することにより得られる。RRでは、無作為に生成した2ベクトルにより超球面を4分割し、それを3つに縮退し3分割を得る。このRRを繰り返して、得られた最良解を解とする[1]。

3 提案手法

ポリゴンを点、違反を辺とした違反グラフの超球面への埋め込みで、ある辺がRRで分割される確率は、両端点の超球面上での大円距離に比例する。また、2辺の最大距離が小さければ、同時に分割される可能性が高くなり最小値を減少させる可能性がある。主双対内点法に基づくSDPソルバでは、隣接しない点対は超球面上で離

れて配置され、2辺の超球面上での最大距離は大きくなる傾向にある。2辺の超球面上での最大距離を減少させれば、その2辺に関する評価の最小値が減少する可能性があるが、他辺に関する評価を悪化する可能性もあり、最大距離を減少させる2辺を適切に選択する必要がある。

本稿では、違反グラフ上である点に接続する2辺の最大距離を減少させるために、違反グラフ上での距離が2である点対間の超球面上での大円距離を減少させる補正項を、目的関数に加える。

$$\min: \sum_{(i,j) \in \mathbf{CE}} \frac{2}{3} (\vec{v}_i \cdot \vec{v}_j + \frac{1}{2}) + \varepsilon \sum_{(i,j) \in \mathbf{CT}} \frac{2}{3} (1 - \vec{v}_i \cdot \vec{v}_j)$$

$$\text{s.t. } \vec{v}_i \cdot \vec{v}_i = 1, \forall i \in V, \vec{v}_i \cdot \vec{v}_j \geq -\frac{1}{2}, \forall (i, j) \in \mathbf{CT}$$

なお \mathbf{CT} は違反グラフ上で距離が2である点対の集合である。

4 実験結果

実験にはISCAS-85ベンチマークの回路を使用した。補正項の重みは $\varepsilon = 0.04$ 、RRの回数は10回とし、SDPソルバはSDPA[2]を使用した。

表1より提案手法では違反数が平均85.6%に減少したことがわかる。一方、計算時間は平均21.6%増加した。

表1 実験結果

Circuit	違反数	残存違反数		time(秒)	
		既存	提案	既存	提案
c432	1222	252	179 (71.0%)	81.1	94.7
c499	2817	583	562 (96.4%)	329.8	403.3
c880	2686	577	521 (90.3%)	382.9	499.2
c1355	3326	746	615 (82.4%)	860.6	1026.7
c1908	5597	1225	1074 (80.7%)	2843.7	3393.5

5 むすび

本稿では目的関数に補正項を加えることで違反数を減らす手法を提案した。違反数を更に減らすための逐次改善手法の考案などが課題である。

謝辞

本研究はJSPS科学研究費補助金基盤研究(B)25280013の助成を受けたものである。

参考文献

- [1] T. Matsui et al., "Positive semidefinite relaxation and approximation algorithm for triple patterning lithography," in Proc. ISAAC, LNCS 8889, pp. 365-375, 2014.
- [2] M. Yamashita et al., "A high-performance software package for semidefinite programs: SDPA 7," Research Report B-460 Dept. of Mathematical and Computing Science, Tokyo Institute of Technology, 2010.