# T2R2 東京科学大学 リサーチリポジトリ Science Tokyo Research Repository

# 論文 / 著書情報 Article / Book Information

論題(和文)	長時間の風外力における実大粘弾性ダンパーの解析手法の提案,その1 E-ディフェンス鋼構造建物実験研究 その115
Title	
 著者(和文)	   佐藤大樹, 杉山暢方, 笠井和彦, 松田和浩 
Authors	Daiki Sato, Nobumasa Sugiyama, KAZUHIKO KASAI, Kazuhiro Matsuda
出典 / Citation	 日本建築学会大会学術講演梗概集, vol. B-2, , pp. 795-796
Citation(English)	, vol. B-2, , pp. 795-796
発行日 / Pub. date	2015, 9
rights	
rights	   本文データは学協会の許諾に基づきCiNiiから複製したものである 
relation	isVersionOf:http://ci.nii.ac.jp/naid/110010005246

長時間の風外力における実大粘弾性ダンパーの解析手法の提案-その1 (E-ディフェンス鋼構造建物実験研究 その115)

正会員	○佐藤大樹*1
同	笠井和彦*2
同	杉山暢方*3
同	松田和浩*4

実大粘弾性ダンパー	風外力	長時間繰り返し載荷
解析モデル	熱の伝導・伝達	動的特性の変化

# 1. はじめに

粘弾性ダンパーは、振動時に吸収した振動エネルギー を熱に変換し、温度が上昇する。その温度上昇に伴い、 ダンパーの抵抗力が低下する特性を有している(温度依 存性)。また、風は継続時間が長いため、粘弾性ダンパー の温度上昇量は大きくなり、ダンパーへの影響が懸念さ れる。以上のことから、長時間の風外力に対する粘弾性 ダンパーの性能評価が求められている。

既往の研究では、熱伝導・伝達による放熱を再現でき る解析モデルが提案されているが、複層の粘弾性ダンパーには適用できない<sup>1)</sup>。そこで本研究では、複層の実大 粘弾性ダンパー<sup>2)</sup>を対象とした文献 3 の加振実験により得 られたダンパーの温度上昇と動的特性の変化を再現でき る解析手法を提案する。粘弾性ダンパーの動的特性は、 温度、振動数、振幅による変化<sup>4)</sup>に加えて、繰り返し載 荷による変化がある。そこで本報その 1 では、繰り返し 載荷による変化を実験から明らかにし、そのモデル化に ついて述べる。

### 2. 繰り返し載荷による動的特性の変化

本節では、長時間の繰り返し載荷による動的特性(貯蔵剛性 $K'_{d}$ と損失係数 $\eta_{d}$ )の変化に関する考察を行う。 はじめに、風方向高減衰応答波(A-3H)および風直交方向 低減衰応答波(C-3L)とダンパー特性の変化が等価となる ように設定された 2 種類の置換正弦波<sup>51</sup>載荷から得られ た実験値<sup>31</sup>と、文献 4 のモデルから得られた計算値を比 較する。なお、A-3H の置換正弦波は振動数 0.142Hz、 C-3L は 0.230Hz である。両実験とも振幅 5.66mm、周辺 温度  $\theta_{c}$ は 28°C で一定となるよう行った。

本研究では、ダンパー長さ L = 4024.5mm, 層せん断面 積 $A_s = 9.12 \times 10^5$ mm<sup>2</sup>, 粘弾性体の厚さ t = 8mm, 粘弾性体 積層数n = 6の実大粘弾性ダンパーを研究対象としてい る。図1にこのダンパーを試験体とした加振実験<sup>3)</sup>にお けるセットアップ図を示す。なお、本実験では温度があ る程度鈍くなった時に載荷を止めている。実験の詳細に ついては文献3を参照されたい。

 $K'_{a}$ は定常振動時における荷重-変形関係の履歴の傾きの最小二乗法から求め<sup>5)</sup>、 $\eta_{d}$ は $u_{d}$ 、 $K'_{a}$ および1 サイクル当たりのダンパーの吸収エネルギー $W_{d}$ を用いて式(1)より求めている<sup>6)</sup>。

Proposed analysis Method of Full-Scall Viscoelastic Damper under Long-duration Wind Force, part1.

 $\eta_{d} = \frac{W_{d}}{\pi K'_{2}(\mu_{1},...,p)^{2}}$   $u_{d}$   $u_{d$ 

周辺温度計測位置

アクチュエータ

増幅機構

一方、動的特性の計算値は、本解析モデルに用いる分 数微分構成則の定常解により式(2),(3)の様に表される<sup>6</sup>。

$$K'_{d}(\omega) = G \frac{1 + ab\omega^{2\alpha} + (a+b)\omega^{\alpha}\cos(\alpha\pi/2)}{1 + a2\omega^{2\alpha} + 2a\omega^{\alpha}\cos(\alpha\pi/2)} \cdot \frac{A_{s}}{d}$$
(2)

$$\eta_{d}(\omega) = \frac{(-a+b)\omega^{\alpha} \sin(\alpha\pi/2)}{1+ab\omega^{2\alpha} + (a+b)\omega^{\alpha} \cos(\alpha\pi/2)}$$
(3)

ここで、a, b, a, G は粘弾性体の温度・振動数依存性を 評価する係数である<sup>4)</sup>。式(2)より、係数 b を大きくする と $K'_{a}, \eta_{d}$  が大きくなり、係数 G は $K'_{d}$  を比例的に増減さ せることが分かる。文献 4 のモデルでは、b と G を変え ることにより非線形挙動を再現している。

図 2 に、累積エネルギー吸収密度における貯蔵剛性  $K'_{a}$ および損失係数  $\eta_{a}$ の比の推移をそれぞれ示す。なお、 以降の図(その 2 も含む)では 3,000 秒毎に 400 秒間の 計測を 3 回行い、その平均値を示している。実験値と計 算値は添え字でそれぞれ exp, cal としており、3,000 秒 毎の累積エネルギー吸収密度における動的特性の比をプ ロットしている。なお、計算値はプロットの時点におけ る粘弾性体の温度、振動数、振幅の実験値を用いて式 (2), (3)より算出している。



# SATO Daiki,



図2より、累積エネルギー吸収密度の増加に伴い、貯 蔵剛性は実験値と計算値で誤差は小さいが、計算値での 損失係数は実験値より低くなることが分かる。計算値は 温度、振動数、振幅による変化を考慮した値ではあるが、 長時間の繰り返し載荷による影響を考慮していないこと が原因であると考えられる。そのため、長時間の繰り返 し載荷による損失係数の変化を再現する解析モデルの構 築が必要である。なお、この損失係数の変化は永久的な ものではなく、加振終了後において行われた性能確認試 験(振幅 4.0mm,振動数 1.0Hz)において、加振前の値に 戻っている事が確認されている。

# 3. 損失係数の変化のモデル化

## 3.1 モデル化の精度

前節では繰り返し載荷による損失係数の変化について 述べた。このような現象の再現を図るため、新たに λ<sub>3</sub>, λ<sub>4</sub> を変数として次式のように設定する。

$$b^{\langle j \rangle} = b_{ref} \left( \lambda^{(j)} \right)^{\alpha} \lambda^{(j)}_{1} \lambda^{\langle j \rangle}_{3} \tag{4}$$
$$G^{\langle j \rangle} = G_{ref} \lambda^{\langle j \rangle}_{2} \lambda^{\langle j \rangle}_{4} \tag{5}$$

ここで、*j* はサイクル数を表す。また、 $b_{ref}$ ,  $G_{ref}$ は基準 温度での *b*, *G* の値、 $\lambda$  はシフトファクターを、 $\lambda_1$ ,  $\lambda_2$ はそ れぞれ軟化の際に *b*, *G* を変化させるための変数 <sup>4)</sup>を表す。  $\eta_d$  を変えるためには *b* を変化させることが必要であるが、 式(2)からも分かるように同時に  $K'_d$  も変化してしまう。そ のため、*G* に  $\lambda_4$ を新たに加えることで  $K'_d$ の変化を抑える ようにしている。

図 3 に置換正弦波実験から最小二乗法により 1 サイク ル毎に算出した $\lambda_3 \lambda_4$ の同定値を示す。



本研究では、同定値を式(6)が最小となるように Excel のソルバーを用いて算出した。

$$\sum_{j=1}^{N_{\text{cyc}}} R_{G',\eta,\theta_d} \left( \lambda_3^{\langle j \rangle}, \lambda_4^{\langle j \rangle}, \alpha_{CV}^{\langle j \rangle} \right)$$
  
= 
$$\sum_{j=1}^{N_{\text{cyc}}} \left[ \left( G'^{\langle j \rangle} / G'^{\langle j \rangle}_{\text{exp}} - 1 \right)^2 + \left( \eta^{\langle j \rangle} / \eta^{\langle j \rangle}_{\text{exp}} - 1 \right)^2 + \left( \theta_d^{\langle j+1 \rangle} / \theta_{d,\text{exp}}^{\langle j+1 \rangle} - 1 \right)^2 \right]$$
(6)

ここで、 $N_{cyc}$ は同定を用いたサイクルの数を表す。図 3 より、累積エネルギー吸収密度 $\sum E_d$ の増加とともに、 $\lambda_3$ は増加、 $\lambda_4$ は減少することが分かる。 $\lambda_3$ 、 $\lambda_4$ は $\sum E_d$ の関数 として表すことですべての実験値で概ね同じ値となる事 が分かった。よって本研究では $\lambda_3$ 、 $\lambda_4$ を式(7), (8)のように モデル化した。

$$\lambda_3^{(n)} = C_5^{(n)} \left( \sum_{j} E_d^{(n)} \right)^{C_5^{(n)}} + 1 \tag{7}$$

$$C_4^{(n)} = C_6^{(n)} \left( \sum E_d^{(n)} \right)^{C_6^{(n)}} + 1$$
(8)

ここで、 $\sum E_{a}^{(n)}$ は *n* ステップ時までのエネルギー吸収 密度の累積値である。 $C_5$  は置換振幅  $A_r^{(5)}$ に比例し、周辺 温度 $\theta_c$ の 2 乗に反比例する傾向が確認できたため、実験 値の対数近似により式(9)でモデル化した。

$$C_5^{(n)} = C_{51} \ln \left( \frac{A_r^{(n)}}{\theta_c^{(n)}} \right)^2 + C_{52}$$
(9)

また、*C*'<sub>5</sub>, *C*<sub>6</sub>の値は *C*<sub>5</sub>を用いて式(10), (11)より、*C*'<sub>6</sub>の 値は *C*<sub>6</sub>を用いて式(12)より算出される。

$$C_5^{\prime(n)} = C_{53} \cdot \left(C_5^{(n)}\right)^{C_{54}} \tag{10}$$

$$C_6^{(n)} = C_{61} \cdot e^{C_{62} \cdot C_5^{(n)}} \tag{11}$$

$$C_6^{\prime(n)} = C_{63} \cdot \left(C_6^{(n)}\right)^{C_{64}} \tag{12}$$

 $C_{53}, C_{54}, C_{61}, C_{62}, C_{63}, C_{64}$ の値はそれぞれ 1.157×10<sup>-1</sup>, - 4.558×10<sup>-1</sup>, -5.629×10<sup>-3</sup>, 13.06, 4.428×10<sup>-2</sup>, -5.414×10<sup>-1</sup>とした。

図 3 に、実験値の $\sum E_a^{(n)}$ ,  $A_r^{(n)}$ ,  $\theta_c^{(n)}$ を用いて式(7)~(12) から求めた  $\lambda_3$ ,  $\lambda_4$ を実線で示す。図 3 より、A-3H, C-3L と もにモデル式は同定値を精度よく再現できていることが 分かる。

# 3.2 ランダム波における計算方法

式(8)は置換振幅を代入する形としたが、本来ランダム 波では予め振幅が分からない。本節では現ステップ  $n \in$ 用いて変位時刻歴から  $n = \pi - \pi$ における置換振幅  $A_r^{(n)}$ は  $n = \pi - \pi$ における  $u_d$  の標準偏差 $\sigma_u^{(n)}$ を用いて、次式 で表される<sup>5)</sup>。

$$A_r^{(n)} = \sqrt{2} \cdot \sigma_u^{(n)} \tag{13}$$

ここで、 $\sigma_u^{(n)}$ は n ステップにおける  $u_d$ を用いて、次式より求められる。

$$\sigma_u^{(n)} = \sqrt{\frac{A^{(n-1)}}{n} - (\overline{\mu}_d^{(n)})^2}$$
(14)

ここで、Aは $u_d$ の2乗和、 $\overline{u}_d$ は $u_d$ の平均値を表しており、次式にて算出される。

$$A^{(n)} = A^{(n-1)} + \left(u_d^{(n)}\right)^2$$
(15)  
$$\overline{u}_d^{(n)} = \frac{\overline{u}_d^{(n-1)} \cdot (n-1) + u_d^{(n)}}{n}$$
(16)

なお、 $A^{(0)} = 0$ ,  $\overline{u}_{d}^{(0)} = 0$ としている。式(13)~(16)を用いることで、ランダム波においても置換振幅を算出することが可能となる。

# 4. まとめ

その1 では、長時間の繰り返し載荷による損失係数の 変化を累積エネルギー吸収密度に比例するようにモデル 化し、その精度を確認した。 参考文献はその2にまとめて示す。

*	1 東京工業大学	建築物理研究センター 准教授 博士(工学)	*1 Associate Professor, SERC, Tokyo Institute of Technology, Dr. Eng.
*2	2 東京工業大学	建築物理研究センター 教授 Ph.D.	*2 Professor, SERC, Tokyo Institute of Technology, Ph.D.
*	3(株)フジタ	(元東京工業大学大学院生)修士(工学)	*3 FUJITA. (Former Graduate Student, Tokyo Institute of Technology), M. Eng.

\*4 東京工業大学 建築物理研究センター 助教 博士(工学) \*4 Assistant. Pro